

CCE RR REVISED

A

ಕನಾಡಟಕ ಪೌರ್ಯ ಶಿಕ್ಷಣ ಪರೀಕ್ಷೆ ಮಂಡಳಿ, ಮಲ್ಲೇಶ್ವರಂ, ಬೆಂಗಳೂರು – 560 003

**KARNATAKA SECONDARY EDUCATION EXAMINATION BOARD, MALLESWARAM,
BANGALORE – 560 003**

એસ્.એસ્.એલ્.સી. પરીક્ષા, સેપ્ટેમ્બર, 2020

S.S.L.C. EXAMINATION, SEPTEMBER, 2020

ಮಾದರಿ ಉತ್ತರಗಳು

MODEL ANSWERS

ଦିନାଂକ : 21. 09. 2020]

ಸಂಕೇತ ಸಂಖ್ಯೆ : 81-K

Date : 21. 09. 2020]

CODE No. : 81-K

ವಿಷಯ : ಗಳಿತ

Subject : MATHEMATICS

(ಹೊಸ ಪಠ್ಯಕ್ರಮ / New Syllabus)

(పునరావశీకరిత శాలా అబ్బుద్ది / Regular Repeater)

(ಕನ್ನಡ ಭಾಷಾಂತರ / Kannada Version)

ગરિષ્ણ અંકગળું : 80

Max. Marks : 80

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
II.	ಪ್ರತಿ ಉತ್ತರಕ್ಕೆ ಒಂದೊಂದು ಅಂಕದಂತೆ :	$8 \times 1 = 8$
9.	<p>ಎರಡು ರೇಖಾತ್ಮಕ ಸಮೀಕರಣ $a_1x + b_1y + c_1 = 0$ ಹಾಗೂ $a_2x + b_2y + c_2 = 0$ ಗಳಲ್ಲಿ $\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$ ಆದಾಗ, ಈ ಜೋಡಿ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಸಮೀಕರಣಗಳು ಹೊಂದಿರುವ ಪರಿಹಾರಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಬರೆಯಿರಿ.</p> <p>ಉತ್ತರ :</p> <p>ನಿಖಳವಾಗಿ ಒಂದು ಪರಿಹಾರ</p> <p>ಪರ್ಯಾಾಯ ಉತ್ತರ :</p> <p>ಅನನ್ಯ ಪರಿಹಾರ</p>	1
10.	<p>$\cos \theta = \frac{24}{25}$ ಆದರೆ $\sec \theta$ ದ ಚೆಲೆಯನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.</p> <p>ಉತ್ತರ :</p> <p>$\sec \theta = \frac{25}{24}$</p>	1
11.	<p>ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿರುವಂತೆ 'O' ಕೇಂದ್ರವಿರುವ ವೃತ್ತದಲ್ಲಿ AC ಒಂದು ವ್ಯಾಸವಾಗಿದೆ, $\angle ACB = 50^\circ$ ಆದರೆ, $\angle BAC$ ಯ ಅಳತೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p> <p>ಉತ್ತರ :</p> <p>AC ವ್ಯಾಸವಾಗಿದೆ $\therefore \angle ABC = 90^\circ$</p> <p>$\therefore \angle ACB + \angle ABC + \angle BAC = 180^\circ$</p> <p>$50^\circ + 90^\circ + \angle BAC = 180^\circ$</p> <p>$\angle BAC = 180^\circ - 140^\circ = 40^\circ$</p>	1/2

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
12.	<p>ವೃತ್ತಪಾದದ ತ್ರಿಜ್ಯ 'r' ಮತ್ತು ಓರೆ ಎತ್ತರ 'l' ಅಗಿರುವ ಒಂದು ನೇರ ವೃತ್ತಪಾದ ಶಂಕುವಿನ ಪೂರ್ವ ಮೇಲ್ತೀಪ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವ ಸೂತ್ರವನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ.</p> <p><u>ಉತ್ತರ :</u></p> $\text{ಶಂಕುವಿನ ಪೂರ್ವ ಮೇಲ್ತೀಪ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = \pi r(r + l)$	1
13.	<p>ಅತೀ ಚಿಕ್ಕ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆ ಹಾಗೂ ಅತೀ ಚಿಕ್ಕ ಸಂಯುಕ್ತ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಮ.ಸ.ಅ. ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p> <p><u>ಉತ್ತರ :</u></p> $\left. \begin{array}{l} \text{ಅತೀ ಚಿಕ್ಕ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆ} = 2 \\ \text{ಅತೀ ಚಿಕ್ಕ ಸಂಯುಕ್ತ ಸಂಖ್ಯೆ} = 4 \end{array} \right\}$ $\therefore \text{ಅವುಗಳ ಮ.ಸ.ಅ. } (2, 4) = 2$	$\frac{1}{2}$ 1
14.	<p>$P(x) = 2x^3 + 3x^2 - 11x + 6$ ಆದರೆ, $P(1)$ ರ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p> <p><u>ಉತ್ತರ :</u></p> $\begin{aligned} P(x) &= 2x^3 + 3x^2 - 11x + 6 \\ P(1) &= 2(1)^3 + 3(1)^2 - 11(1) + 6 \\ P(1) &= 2 + 3 - 11 + 6 \\ P(1) &= 0 \end{aligned}$	$\frac{1}{2}$ 1
15.	<p>$(x + 4)(x + 3) = 0$ ಸಮೀಕರಣದಲ್ಲಿ ಒಂದು ಮೂಲವು -4 ಆದರೆ, ಆ ಸಮೀಕರಣದ ಇನ್ನೊಂದು ಮೂಲವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p> <p><u>ಉತ್ತರ :</u></p> $(x + 4)(x + 3) = 0$ <p>ಒಂದು ಮೂಲ -4 ಆದರೆ,</p> <p>ಮತ್ತೊಂದು ಮೂಲ $x + 3 = 0$</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> $x = -3$ </div>	$\frac{1}{2}$ 1

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
<p>16. $\sin^2 A = 0$ ಆದಾಗ, $\cos A$ ಯ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p> <p>ಉತ್ತರ :</p> $\begin{aligned} \sin^2 A + \cos^2 A &= 1 \\ \therefore \cos^2 A &= 1 - \sin^2 A \\ \cos A &= \sqrt{1 - \sin^2 A} \\ \cos A &= \sqrt{1 - 0} \\ \boxed{\cos A = \sqrt{1} = 1} \end{aligned}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$
<p>17. ಈ ಕೆಳಗಿನ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಸಮೀಕರಣಗಳ ಜೋಡಿಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿ :</p> $\begin{aligned} 2x + 3y &= 11 \\ 2x - 4y &= -24 \end{aligned}$ <p>ಉತ್ತರ :</p> <p>ವರ್ಜಿನ್ ಸೂವ ವಿಧಾನ :</p> $\begin{aligned} \cancel{2x} + 3y &= 11 & \dots \text{(i)} & \quad \text{(i) — (ii)} \\ \cancel{2x} - 4y &= -24 & \dots \text{(ii)} & \\ \hline (-) (+) & & (+) & \end{aligned}$ $\begin{aligned} 7y &= 35 \\ y &= \frac{35}{7} \\ \boxed{y = 5} \end{aligned}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

$y = 5$ ನ್ನು (i) ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಿದಾಗ

$$2x + 3y = 11$$

$$2x + 3(5) = 11$$

$$2x = 11 - 15$$

$$2x = -4 \Rightarrow x = -\frac{4}{2}$$

$$\boxed{x = -2}$$

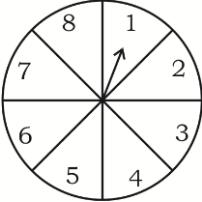
$\frac{1}{2}$ 2

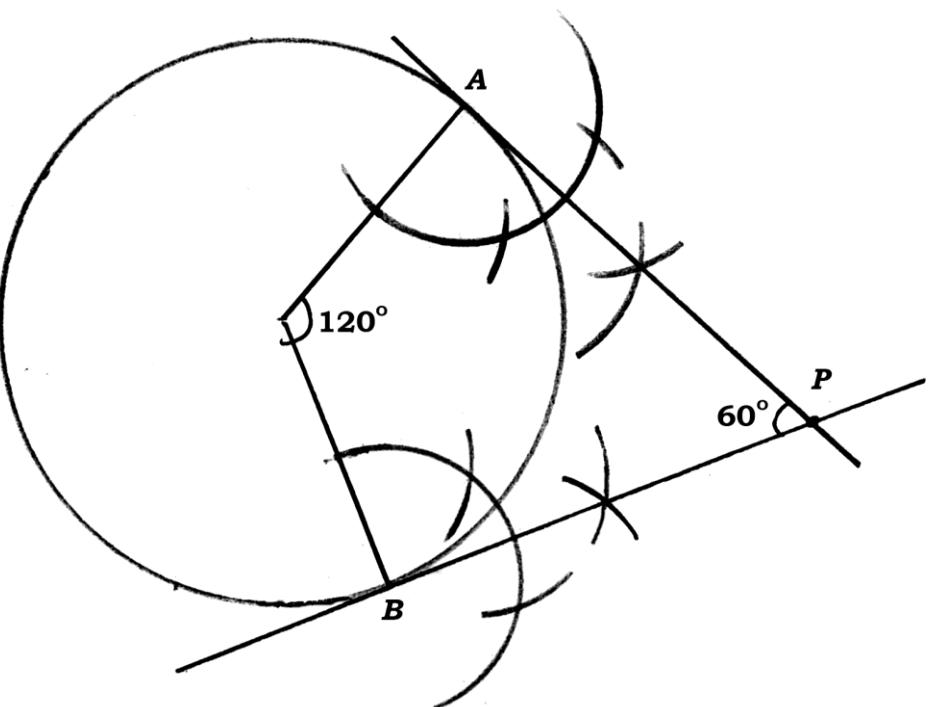
<p>ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ</p> <p>ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ</p> <p>ಪರೀಕ್ಷೆಯ ವಿಧಾನ :</p> <p>ಅದೇಶ ವಿಧಾನ :</p> $2x + 3y = 11 \quad \dots \text{(i)}$ $2x - 4y = -24 \quad \dots \text{(ii)}$ $2x + 3y = 11$ $y = \frac{11 - 2x}{3} \quad \dots \text{(iii)}$ <p>y ಚೆಲೆಯನ್ನು ಸಮೀಕರಣ (ii) ರಲ್ಲಿ ಅದೇಶಿಸಿದಾಗ</p> $2x - 4y = -24$ $2x - 4 \left(\frac{11 - 2x}{3} \right) = -24 \quad \frac{1}{2}$ $6x - 44 + 8x = -72$ $14x - 44 = -72$ $14x = -28$ $x = -\frac{28}{14}$ $x = -2 \quad \frac{1}{2}$ <p>$x = -2$ ನ್ನು (iii) ರಲ್ಲಿ ಅದೇಶಿಸಿದಾಗ</p> $y = \frac{11 - 2(-2)}{3}$ $y = \frac{11 + 4}{3}$ $y = \frac{15}{3} \quad \Rightarrow \quad y = 5 \quad \frac{1}{2}$ <p>ಪರೀಕ್ಷೆಯ ವಿಧಾನ :</p> <p>ಒರ್ದೆ ಗುಣಾಕಾರ ವಿಧಾನ :</p> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 25%; text-align: center;">x</td> <td style="width: 25%; text-align: center;">y</td> <td style="width: 25%; text-align: center;">1</td> <td style="width: 25%;"></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">3</td> <td style="text-align: center;">-11</td> <td style="text-align: center;">2</td> <td style="text-align: center;">3</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">-4</td> <td style="text-align: center;">24</td> <td style="text-align: center;">2</td> <td style="text-align: center;">-4</td> </tr> </table>	x	y	1		3	-11	2	3	-4	24	2	-4	<p>ಅಂಕಗಳು</p> <p>2</p>
x	y	1											
3	-11	2	3										
-4	24	2	-4										

<p>ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ</p>	<p>ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ</p>	<p>ಅಂಕಗಳು</p>
	$\frac{x}{72 - 44} = \frac{y}{-22 - 48} = \frac{1}{-8 - 6}$ $\frac{x}{28} = \frac{y}{-70} = \frac{1}{-14}$ $\frac{x}{28} = \frac{1}{-14} \quad \frac{y}{-70} = \frac{1}{-14}$ $-14x = 28 \quad -14y = -70$ $x = \frac{28}{-14} \quad y = \frac{-70}{-14}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$
<p>18.</p>	<p>5 + 10 + 15 + ಈ ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿಯ ಮೊದಲ 20 ಪದಗಳ ಮೊತ್ತವನ್ನು ಸೂಕ್ತವಾದ ಸೂತ್ರದ ಸಹಾಯದಿಂದ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p> <p>ಉತ್ತರ :</p> <p>5 + 10 + 15 + 20 ಪದಗಳ ಮೊತ್ತ $S_{20} = ?$</p>	<p>$x = -2$ $y = 5$</p>
	$a = 5 \quad d = 5 \quad S_n = \frac{n}{2} [2a + (n - 1)d]$ $n = 20 \quad S_{20} = \frac{20}{2} [2 \times 5 + (20 - 1)5]$ $S_{20} = 10 [10 + (19)5]$ $S_{20} = 10 [10 + 95]$ $S_{20} = 10 \times 105$ $S_{20} = 1050$	$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$
<p>19.</p>	<p>$P(x) = 2x^2 - 6x + k$ ಈ ಬಹುಪದೋಕ್ತಿಯ ಶಾನ್ಯತೆಗಳ ಮೊತ್ತವು ಅವುಗಳ ಗುಣಲಭ್ಯದ ಅರ್ಥದಷ್ಟಕ್ಕೆ ಸಮನಾದರೆ k ಯ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p> <p>$P(x) = 2x^2 - 6x + k$</p> <p>ಶಾನ್ಯತೆಗಳು α ಮತ್ತು β ಗಳಾಗಿರಲಿ. $P(x) = ax^2 + bx + c$</p>	<p>$a = 2 \quad b = -6 \quad c = k$</p>

ಪ್ರಶ್ನೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
	$\alpha + \beta = -\frac{b}{a}$ $\alpha + \beta = \frac{-(-6)}{2} \Rightarrow \boxed{\alpha + \beta = 3}$ $\alpha \times \beta = \frac{c}{a} \Rightarrow \boxed{\alpha \times \beta = \frac{k}{2}}$ $\therefore (\alpha + \beta) = \frac{1}{2} \times (\alpha \times \beta)$ $3 = \frac{1}{2} \times \frac{k}{2}$ $3 \times 2 \times 2 = k$ $\therefore \boxed{k = 12}$	$\frac{1}{2}$
20.	$2x^2 - 5x - 1 = 0$ ವರ್ಗಸಮೀಕರಣದ ಶೋಧಕವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ ಮತ್ತು ಇದರಿಂದ ಮೂಲಗಳ ಸ್ಥಾಪನ್ನು ನಿರ್ಣಯಿಸಿ ಬರೆಯಿರಿ.	2
	ಉತ್ತರ : $2x^2 - 5x - 1 = 0$ $ax^2 + bx + c = 0$ $a = 2$ $b = -5$ $c = -1$ ಶೋಧಕ $\Delta = b^2 - 4ac$ $\Delta = (-5)^2 - 4(2)(-1)$ $\Delta = 25 + 8$ $\Delta = 33$ $\therefore \Delta > 0$ \therefore ಸಮೀಕರಣವು ಎರಡು ಭಿನ್ನವಾದ ವಾಸ್ತವ ಮೂಲ ಹೊಂದಿದೆ.	$\frac{1}{2}$
21.	$\operatorname{cosec} A (1 - \cos A) (\operatorname{cosec} A + \cot A) = 1$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ. ಅಧ್ಯಾತ್ಮ $\frac{\tan A - \sin A}{\tan A + \sin A} = \frac{\sec A - 1}{\sec A + 1}$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.	2

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
	LHS = $\frac{1}{\sin A} (1 - \cos A) \left(\frac{1}{\sin A} + \frac{\cos A}{\sin A} \right)$ $= \frac{1 - \cos A}{\sin A} \left(\frac{1 + \cos A}{\sin A} \right)$ $= \frac{1 - \cos^2 A}{\sin^2 A}$ $= \frac{\sin^2 A}{\sin^2 A} = 1$ $\therefore \text{LHS} = \text{RHS.}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ 2
	ಆರ್ಥಿಕ ಅಧಿಕಾರಿ	
	$\frac{\tan A - \sin A}{\tan A + \sin A} = \frac{\sec A - 1}{\sec A + 1}$ LHS RHS LHS = $\frac{\tan A - \sin A}{\tan A + \sin A}$ $= \frac{\frac{\sin A}{\cos A} - \sin A}{\frac{\sin A}{\cos A} + \sin A}$ $= \frac{\sin A \left[\frac{1}{\cos A} - 1 \right]}{\sin A \left[\frac{1}{\cos A} + 1 \right]}$ $= \frac{\sec A - 1}{\sec A + 1}$ $\therefore \text{LHS} = \text{RHS.}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ 2
22.	(2, 3) ಮತ್ತು (4, 7) ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸುವ ರೇಖಾಖಂಡದ ಮಧ್ಯಬಿಂದುವಿನ ನಿರ್ದೇಶಾಂಕಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. ಉತ್ತರ :	
	(2, 3) (4, 7) (x_1, y_1) (x_2, y_2)	

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
	<p>∴ ಮಧ್ಯಬಿಂದುವಿನ ನಿದೇಶಾಂಕ</p> $= \left[\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right]$ $= \left[\frac{2+4}{2}, \frac{3+7}{2} \right]$ $= \left[\frac{6}{2}, \frac{10}{2} \right]$ $= [3, 5]$	$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$
23.	<p>ಇಂಗ್ಲಿಷ್ ವರ್ಣಮಾಲೆಯ ಅಕ್ಷರಗಳಿಂದ <input type="checkbox"/> A <input type="checkbox"/> B <input type="checkbox"/> C <input type="checkbox"/> D <input type="checkbox"/> E</p> <p><input type="checkbox"/> I ಗಳನ್ನು ಒಂದು ಫನಾಕೃತಿಯ ದಾಳದ ಮುಖಗಳ ಮೇಲೆ ಗುರುತಿಸಿದೆ. ಈ ದಾಳವನ್ನು ಒಂದು ಭಾರಿ ಉರುಳಿಸಿದಾಗ ಮೇಲೆ ಬರುವ ಮುಖದಲ್ಲಿ ಸ್ವರಾಕ್ಷರ (Vowel) ಬರುವ ಸಂಭವನೀಯತೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p> <p style="text-align: center;">ಅಧ್ಯಾತ್ಮ</p> <p>ಒಂದು ಅವಕಾಶದ ಆಟದಲ್ಲಿ ಒಂದು ಸೂಚಕವು ಚಕ್ರಾಕಾರವಾಗಿ ತಿರುಗಿ 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8 ಈ ಅಂಕೆಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವುದಾದರೊಂದು ಅಂಕೆಯನ್ನು ಸೂಚಿಸುವಂತೆ ನಿಶ್ಚಲವಾಗುತ್ತದೆ ಮತ್ತು ಇವೆಲ್ಲವೂ ಸಮಾನ ಸಾಧ್ಯತೆಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿದೆ. ಸೂಚಕವು ಸೂಚಿಸುವ ಸಂಖ್ಯೆ ಒಂದು ಬೆಸ ಸಂಖ್ಯೆ ಆಗಿರುವ ಸಂಭವನೀಯತೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p>  <p>ಉತ್ತರ :</p> <p>$n(S) = 6$ $S = \{ A, B, C, D, E, I \}$ $\frac{1}{2}$</p> <p>$n(A) = 3$ $A = \{ A, E, I \}$ $\frac{1}{2}$</p> <p>$\therefore P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$ $\frac{1}{2}$</p> <p>$P(A) = \frac{3}{6}$</p> <p><input type="checkbox"/> $P(A) = \frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$</p> <p style="text-align: center;">ಅಧ್ಯಾತ್ಮ</p>	2

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
	$n(S) = 8$ $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ $n(A) = 4$ $A = \{1, 3, 5, 7\}$ $\therefore P(A) = \frac{n(A)}{n(S)}$ $P(A) = \frac{4}{8}$ $\boxed{\therefore P(A) = \frac{1}{2}}$	$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$
24.	<p>4 ಸೆಂ.ಮೀ. ಶ್ರೀಜ್ಯವುಣ್ಣ ವೃತ್ತವನ್ನು ರಚಿಸಿ, ಎರಡು ಸ್ವರ್ತಕಗಳ ನಡುವಿನ ಕೋನ 60° ಇರುವಂತೆ ವೃತ್ತಕ್ಕೆ ಒಂದು ಜೊತೆ ಸ್ವರ್ತಕಗಳನ್ನು ರಚಿಸಿ.</p> <p>ಶ್ರೀಜ್ಯಗಳ ನಡುವಿನ ಕೋನ $= 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$</p> <p>ಉತ್ತರ :</p> 	2
	<p>ವೃತ್ತ ರಚನೆಗೆ — $\frac{1}{2}$</p> <p>ಶ್ರೀಜ್ಯಗಳ ನಡುವಿನ 120° ಕೋನ ಗುರುತಿಸುವಿಕೆ — $\frac{1}{2}$</p> <p>ಎರಡು ಸ್ವರ್ತಕಗಳ ರಚನೆ — 1</p>	1

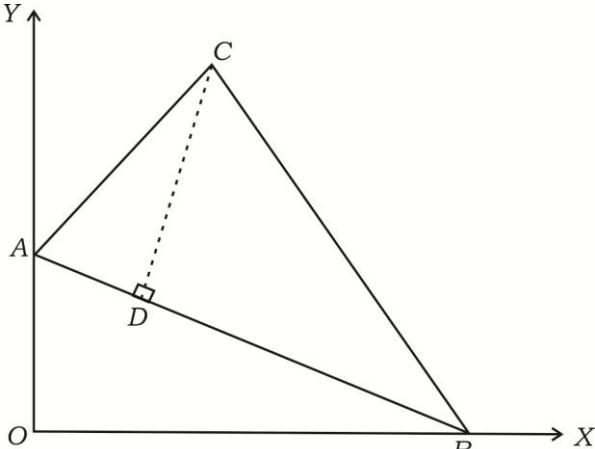
ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
25.	<p>$\sqrt{3}$ ಒಂದು ಅಭಾಗಲಭ್ರ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ. ಅಥವಾ</p> <p>ಮ.ಸಾ.ಅ. (306, 657) ಮತ್ತು 12 ಇವುಗಳ ಲ.ಸಾ.ಅ. ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p> <p><u>ಉತ್ತರ :</u></p> <p>$\sqrt{3}$ ಒಂದು ಭಾಗಲಭ್ರ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಂದು ಉಂಟಾಗುತ್ತದೆ. ಅಂದರೆ $\sqrt{3} = \frac{a}{b}$ $\frac{1}{2}$ a ಮತ್ತು b ಎರಡು ಪೂರ್ಣಾಂಕ ($b \neq 0$).</p> <p>a ಮತ್ತು b ಗಳು 1 ನ್ನು ಹೊರತುಪಡಿಸಿ ಬೇರೆ ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನವನ್ನು ಹೊಂದಿದ್ದರೆ, ಸಾಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನದಿಂದ ಭಾಗಿಸಬಹುದು.</p> <p>$\therefore a$ ಮತ್ತು b ಗಳು ಸಹ ಅವಿಭಾಜ್ಯಗಳು</p> <p>$\therefore b\sqrt{3} = a$ $\frac{1}{2}$</p> <p>ಎರಡೂ ಕಡೆ ವರ್ಗಗೊಳಿಸಿ, ಮರುಜೋಡಿಸಿದಾಗ $3b^2 = a^2$</p> <p>$\therefore 3$ ಇದು a^2 ನ್ನು ಭಾಗಿಸುತ್ತದೆ</p> <p>$\therefore 3$ ಇದು a ಯನ್ನು ಭಾಗಿಸುತ್ತದೆ</p> <p>$\therefore a = 3c$ ಎಂದು ಬರೆಯಬಹುದು $\frac{1}{2}$</p> <p>ಸಮೀಕರಣ 1 ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಿದಾಗ</p> <p>$(3c)^2 = 3b^2$</p> <p>$3b^2 = 9c^2$</p> <p>$\therefore b^2 = 3c^2$ $\frac{1}{2}$</p> <p>ಅಂದರೆ 3 ಇದು b^2 ವನ್ನು ಭಾಗಿಸುತ್ತದೆ</p> <p>$\therefore 3$ ಇದು b ಯನ್ನು ಭಾಗಿಸುತ್ತದೆ</p> <p>$\therefore a$ ಮತ್ತು b ಗಳು ಕನಿಷ್ಠ 3ನ್ನು ಸಮಾನ್ಯ ಅಪವರ್ತನವಾಗಿ ಹೊಂದಿದೆ. $\frac{1}{2}$</p> <p>$\therefore a$ ಮತ್ತು b ಗಳು ಸಹ ಅವಿಭಾಜ್ಯಗಳು ಎಂಬ ಸತ್ಯಸಂಗತಿಗೆ ವಿರುದ್ಧವಾಗಿದೆ.</p> <p>$\therefore \sqrt{3}$ ಭಾಗಲಭ್ರ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಂಬ ನಿಯೋಗಿಸಬಹುದು. $\frac{1}{2}$</p> <p>$\therefore \sqrt{3}$ ಒಂದು ಅಭಾಗಲಭ್ರ ಸಂಖ್ಯೆ</p> <p><u>ಉತ್ತರ :</u> ಪರ್ಯಾಯ ವಿಧಾನದಲ್ಲಿ ಸಾಧಿಸಿದರೆ ಅಂತ ನೀಡಬಹುದು.</p>	

3

ಅಥವಾ

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
i) (306, 657) ರ ಮ.ಸಾ.ಅ.		
$\begin{array}{r} 3 \mid 306 \\ 2 \mid 102 \\ 3 \mid 51 \\ 17 \mid 17 \\ 1 \end{array}$	$306 = [3] \times [3] \times 2 \times 17$	$1\frac{1}{2}$
$\begin{array}{r} 3 \mid 657 \\ 3 \mid 219 \\ 73 \mid 73 \\ 1 \end{array}$	$306 = [3] \times [3] \times 73$	
(306, 657) ರ ಮ.ಸಾ.ಅ. = $3 \times 3 = 9$		$\frac{1}{2}$
ii) 9 ಮತ್ತು 12 ರ ಲ.ಸಾ.ಅ.		
$\begin{array}{r} 3 \mid 9, 12 \\ 3 \mid 3, 4 \\ 4 \mid 1, 4 \\ 1, 1 \end{array}$	$\therefore 9 \text{ ಮತ್ತು } 12 \text{ ರ } \text{ಲ.ಸಾ.ಅ.} = 3 \times 3 \times 4 = 36$	$\frac{1}{2}$
	$9 \text{ ಮತ್ತು } 12 \text{ ರ } \text{ಲ.ಸಾ.ಅ.} = 36$	$\frac{1}{2}$
3		
ಪರೀಕ್ಷೆಯ ವಿಧಾನ :		
i) (306, 657) ರ ಮ.ಸಾ.ಅ.		
$\begin{array}{r} 2 \\ 306 \overline{) 657} \\ 612 \\ \hline 45 \\ 6 \\ 45 \overline{) 306} \\ 270 \\ \hline 36 \\ 36 \\ \hline 9 \end{array}$	$657 = (306 \times 2) + 45$	$\frac{1}{2}$
$\begin{array}{r} 306 \\ 270 \\ \hline 36 \end{array}$	$306 = (45 \times 6) + 36$	$\frac{1}{2}$
$\begin{array}{r} 45 \\ 36 \\ \hline 9 \end{array}$	$45 = (36 \times 1) + 9$	$\frac{1}{2}$

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
9	$\begin{array}{r} 4 \\ \hline 36 \\ 36 \\ \hline 0 \end{array}$ $36 = (9 \times 4) + 0$ <p style="margin-left: 100px;">$\therefore (306, 657)$ ರ ಮ.ಸಾ.ಅ. 9</p>	$\frac{1}{2}$
ii)	9 ಮತ್ತು 12 ರ ಲ.ಸಾ.ಅ.	$\frac{1}{2}$
	$\begin{array}{r} 9, 12 \\ 3 \overline{) 3, 4} \\ 3 \overline{) 1, 4} \\ 1, 1 \end{array}$ $\therefore 9 \text{ ಮತ್ತು } 12 \text{ ರ } \text{ಲ.ಸಾ.ಅ.} = 3 \times 3 \times 4 = 36$ <p style="margin-left: 100px;">$\therefore \boxed{9 \text{ ಮತ್ತು } 12 \text{ ರ } \text{ಲ.ಸಾ.ಅ.} = 36}$</p>	$\frac{1}{2}$
26.	<p>ಒಂದು ಆಯತಾಕಾರದ ಅಟದ ವೈದಾನದ ಕರ್ಣವು ಅದರ ಚಿಕ್ಕ ಬಾಹುವಿಗಿಂತ 60 ಮೀ. ಹೆಚ್ಚಾಗಿದೆ ಮತ್ತು ಅದರ ದೊಡ್ಡ ಬಾಹುವು ಚಿಕ್ಕ ಬಾಹುವಿಗಿಂತ 30 ಮೀ. ಹೆಚ್ಚಾಗಿದ್ದರೆ, ಅಟದ ವೈದಾನದ ಬಾಹುಗಳ ಉದ್ದವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p>	3
	ಅಧಿಕಾರಿ	
	<p>ಒಂದು ಶ್ರೀಭುಜದ ಎತ್ತರವು ಅದರ ಪಾದಕ್ಕಿಂತ 6 ಸೆ.ಮೀ. ಹೆಚ್ಚಾಗಿದೆ. ಶ್ರೀಭುಜದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು 108 ಚ.ಸೆ.ಮೀ. ಆದಾಗ ಶ್ರೀಭುಜದ ಪಾದ ಮತ್ತು ಎತ್ತರಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p>	
	ಉತ್ತರ :	
		$\frac{1}{2}$
	ಚಿಕ್ಕ ಬಾಹು $BC = x$ ಎಂದಿರಲಿ	
	ಕರ್ಣವು ಚಿಕ್ಕಬಾಹುವಿಗಿಂತ 60 ಮೀ ಹೆಚ್ಚಾಗಿದೆ.	
	$\text{ಕರ್ಣ } AC = x + 60$	$\frac{1}{2}$

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
	Δ ದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವು = 108 ಚ.ಸೆಂ.ಮೀ. $A = \frac{1}{2} \times b \times h$ $108 = \frac{1}{2} \times x \times (x + 6)$ $108 \times 2 = x^2 + 6x$ $216 = x^2 + 6x$ $\therefore x^2 + 6x - 216 = 0$ $x^2 + 18x - 12x - 216 = 0$ $x(x + 18) - 12(x + 18) = 0$ $x + 18 = 0 \quad x - 12 = 0$ $x = -18 \quad x = 12$ \therefore ಶ್ರೀಭುಜ ಪಾದ $BC = x = 12$ ಸೆಂ.ಮೀ. ಶ್ರೀಭುಜದ ಎತ್ತರ $AD = x + 6$ $AD = 12 + 6 = 18$ ಸೆಂ.ಮೀ.	$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$
27.	<p>ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ΔABC ಯ ಶ್ರೀಂಗಳು $A(0, 6)$, $B(8, 0)$ ಮತ್ತು $C(5, 8)$ ಅಗಿವೆ. $CD \perp AB$ ಆದಾಗ ಆ ಶ್ರೀಭುಜದ ಎತ್ತರ CD ಯ ಉದ್ದವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p>  <p style="text-align: center;">ಅಧ್ಯಾತ್ಮ</p>	$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ 3
	<p>ಒಂದು ಶ್ರೀಭುಜದ ಶ್ರೀಂಗಳು $A(8, -4)$, $B(9, 5)$ ಮತ್ತು $C(0, 4)$ ಅಗಿದ್ದಾಗ, ಅದು ಸಮದ್ವಿಬಾಹು ಶ್ರೀಭುಜವಾಗಿರುತ್ತದೆ ಎಂದು ತೋರಿಸಿ.</p>	

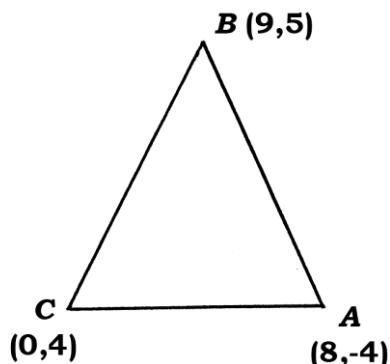
<p>ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ</p> <p>ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ</p> <p>ಉತ್ತರ :</p> <p>$A(0, 6) \quad B(8, 0) \quad C(5, 8)$ $(x_1, y_1) \quad (x_2, y_2) \quad (x_3, y_3)$</p> $\begin{aligned} \Delta ABC \text{ ವಿಷ್ಣೇಣ} &= \frac{1}{2} \left[x_1(y_2 - y_3) + x_2(y_3 - y_1) + x_3(y_1 - y_2) \right] \quad \frac{1}{2} \\ &= \frac{1}{2} [0(0 - 8) + 8(8 - 6) + 5(6 - 0)] \\ &= \frac{1}{2} [0 + 16 + 30] \\ &= \frac{1}{2} \times 46. \end{aligned}$ <p>ΔABC ಯ ವಿಷ್ಣೇಣ = 23 ಸೆ.ಮೀ.</p> <p>$A(0, 6) \quad B(8, 0)$ $(x_1, y_1) \quad (x_2, y_2)$</p> <p>$AB$ ಯ ದೂರ $d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$ $\frac{1}{2}$</p> $\begin{aligned} d &= \sqrt{(8 - 0)^2 + (0 - 6)^2} \\ &= \sqrt{(8)^2 + (6)^2} \\ &= \sqrt{64 + 36} \\ &= \sqrt{100} \end{aligned}$ <p>$AB = d = 10$ ಸೆ.ಮೀ.</p> <p>$\therefore \Delta ABC$ ಯ ವಿಷ್ಣೇಣ = $\frac{1}{2} \times b \times h$ $\frac{1}{2}$</p> $\begin{aligned} 23 &= \frac{1}{2} \times AB \times CD \\ 23 &= \frac{1}{2} \times 10 \times CD \end{aligned}$ $46 = 10 CD$ <p>\therefore ಎತ್ತರ $CD = \frac{46}{10} = 4.6$ ಸೆ.ಮೀ.</p>	<p>ಅಂಕಗಳು</p> <p>$\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$</p> <p>3</p>
---	---

ಅಧ್ಯಾ

ಪ್ರಶ್ನೆ
ಸಂಖ್ಯೆ

ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ

ಅಂಕಗಳು



1/2

$$A(8, -4), \quad B(9, 5), \quad C(0, 4)$$

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$AB = \sqrt{(9 - 8)^2 + (5 - (-4))^2} = \sqrt{1^2 + 9^2} = \sqrt{1 + 81} = \sqrt{82} \quad 1/2$$

$$BC = \sqrt{(9 - 0)^2 + (4 - 5)^2} = \sqrt{9^2 + (-1)^2} = \sqrt{81 + 1} = \sqrt{82} \quad 1/2$$

$$CA = \sqrt{(0 - 8)^2 + (4 - (-4))^2} = \sqrt{(-8)^2 + 8^2} = \sqrt{64 + 64} = \sqrt{128} \quad 1/2$$

$$\text{ಇಲ್ಲಿ } \overline{AB} = \overline{BC}$$

1/2

$$\sqrt{82} \text{ ಸೆ.ಮೀ.} = \sqrt{82} \text{ ಸೆ.ಮೀ.}$$

$\therefore \Delta ABC$ ಒಂದು ಸಮದ್ವಿಭಾಷ್ಯ ತ್ರಿಭುಜವಾಗಿದೆ.

1/2

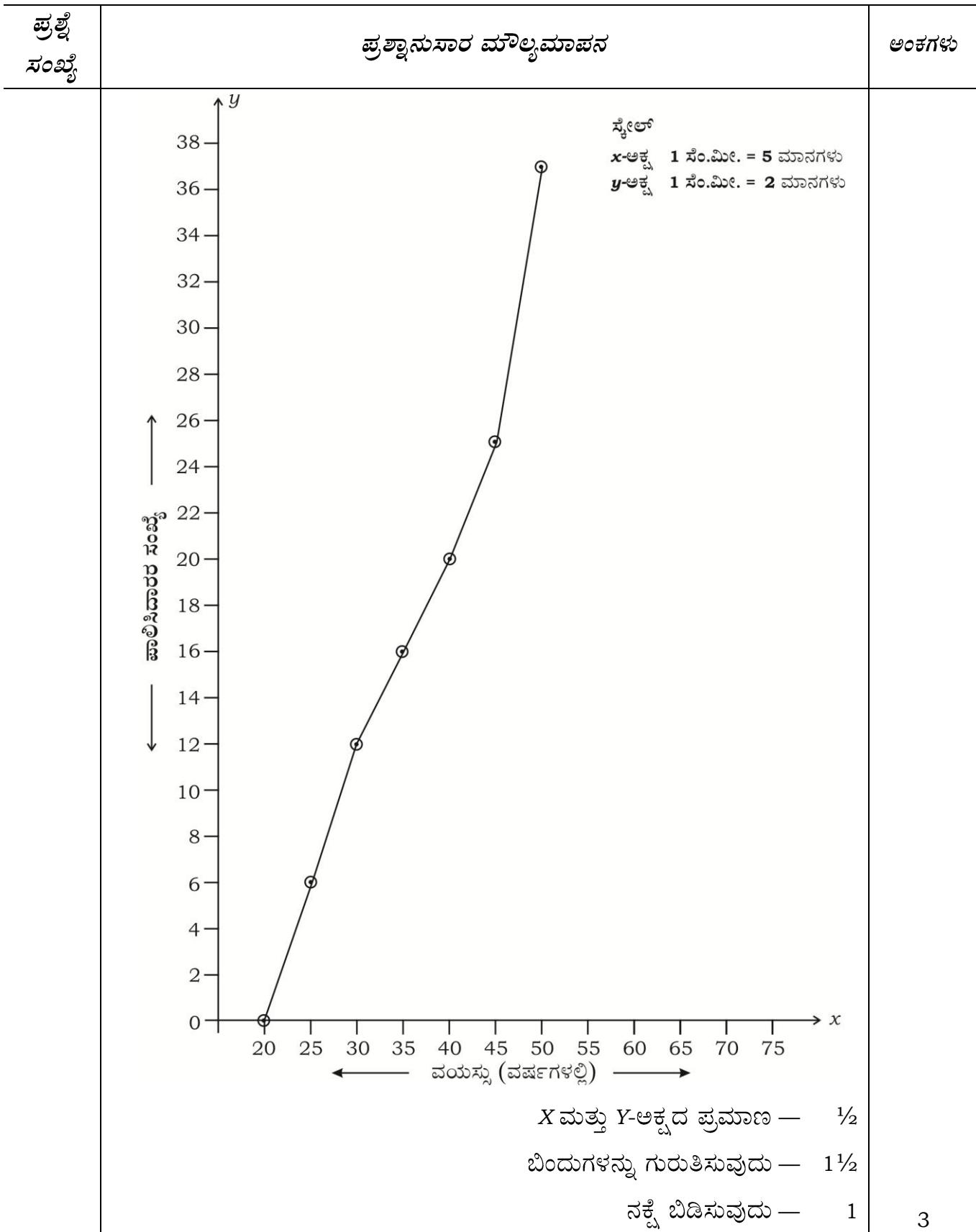
3

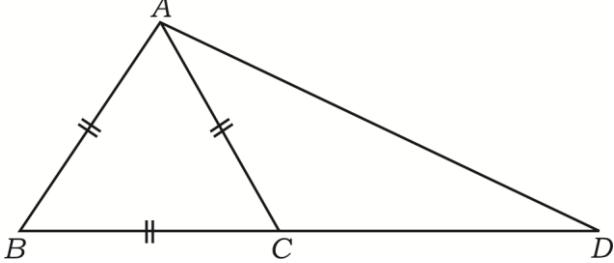
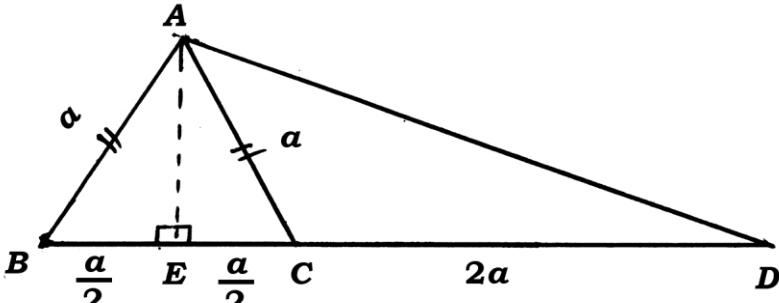
28. ಈ ಕೆಳಗಿನ ಅವೃತ್ತಿ ವಿಶೇಷಣ ಕೊಳ್ಳಲು ಬಹುಲಕವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ :

ವರ್ಗಾಂಶ	ಅವೃತ್ತಿ (f_i)
0 — 5	8
5 — 10	9
10 — 15	5
15 — 20	3
20 — 25	1
	$\sum f_i = 26$

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು												
	ಉತ್ತರ :													
	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: center;">ವರ್ಗಾಂಶರ</th> <th style="text-align: center;">ಆಷ್ಟು (f_i)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: center;">0 — 5</td> <td style="text-align: center;">8</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">5 — 10</td> <td style="text-align: center;">9</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">10 — 15</td> <td style="text-align: center;">5</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">15 — 20</td> <td style="text-align: center;">3</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">20 — 25</td> <td style="text-align: center;">1</td> </tr> </tbody> </table>	ವರ್ಗಾಂಶರ	ಆಷ್ಟು (f_i)	0 — 5	8	5 — 10	9	10 — 15	5	15 — 20	3	20 — 25	1	
ವರ್ಗಾಂಶರ	ಆಷ್ಟು (f_i)													
0 — 5	8													
5 — 10	9													
10 — 15	5													
15 — 20	3													
20 — 25	1													
	$\sum fx = 26$													
	ಅತೀ ಹೆಚ್ಚು ಆವೃತ್ತಿ ಇರುವ ವರ್ಗಾಂಶರ 5 — 10													
	ವರ್ಗಾಂಶರ ಕೆಳಮಿತಿ $l = 5$													
	ವರ್ಗಾಂಶರ ಆವೃತ್ತಿ $f_1 = 9$													
	ಹಿಂದಿನ ವರ್ಗಾಂಶರ ಆವೃತ್ತಿ $f_0 = 8$	1												
	ಮುಂದಿನ ವರ್ಗಾಂಶರ ಆವೃತ್ತಿ $f_2 = 5$													
	ನಾತ್ರ $h = 5$													
	$\begin{aligned} \text{ಒಹುಲಕ} &= l + \left[\frac{f_1 - f_0}{2f_1 - f_0 - f_2} \right] \times h \\ &= 5 + \left[\frac{9 - 8}{2 \times 9 - 8 - 5} \right] \times 5 \\ &= 5 + \left[\frac{1}{18 - 8 - 5} \right] \times 5 \\ &= 5 + \left[\frac{1}{18 - 13} \right] \times 5 \\ &= 5 + \left[\frac{1}{5} \right] \times 5 \\ &= 5 + 1 \end{aligned}$	$\frac{1}{2}$												
	ಒಹುಲಕ = 6	$\frac{1}{2}$												

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು																
29.	<p>ಒಬ್ಬ ವೀವಾ ಪಾಲಿಸಿ ಏಜೆಂಟನು ಪಡೆದ 35 ಪಾಲಿಸಿದಾರರ ವಯಸ್ಸುಗಳ ವಿತರಣೆಯ ದತ್ತಾಂಶಗಳು ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಇವೆ. ಈ ದತ್ತಾಂಶಗಳಿಗೆ ‘ಕಡಿಮೆ ವಿಧಾನ’ದ ಓಟೀವ್ ರಚನೆ :</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: center; padding: 5px;">ವಯಸ್ಸು (ವರ್ಷಗಳಲ್ಲಿ)</th><th style="text-align: center; padding: 5px;">ಪಾಲಿಸಿದಾರರ ಸಂಖ್ಯೆ</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">20 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ</td><td style="text-align: center; padding: 5px;">2</td></tr> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">25 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ</td><td style="text-align: center; padding: 5px;">6</td></tr> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">30 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ</td><td style="text-align: center; padding: 5px;">12</td></tr> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">35 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ</td><td style="text-align: center; padding: 5px;">16</td></tr> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">40 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ</td><td style="text-align: center; padding: 5px;">20</td></tr> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">45 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ</td><td style="text-align: center; padding: 5px;">25</td></tr> <tr> <td style="text-align: center; padding: 5px;">50 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ</td><td style="text-align: center; padding: 5px;">35</td></tr> </tbody> </table> <p>ಉತ್ತರ :</p>	ವಯಸ್ಸು (ವರ್ಷಗಳಲ್ಲಿ)	ಪಾಲಿಸಿದಾರರ ಸಂಖ್ಯೆ	20 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	2	25 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	6	30 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	12	35 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	16	40 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	20	45 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	25	50 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	35	
ವಯಸ್ಸು (ವರ್ಷಗಳಲ್ಲಿ)	ಪಾಲಿಸಿದಾರರ ಸಂಖ್ಯೆ																	
20 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	2																	
25 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	6																	
30 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	12																	
35 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	16																	
40 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	20																	
45 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	25																	
50 ಕ್ಕೂ ತ್ವರಿತ ಕಡಿಮೆ	35																	



ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
<p>30. $\triangle ABD$ ಯಲ್ಲಿ $BC : CD = 1 : 2$ ಆಗುವಂತೆ BD ಯ ಮೇಲೆ C ಯು ಒಂದು ಬಿಂದು ಮತ್ತು $\triangle ABC$ ಯು ಸಮಭಾಷ್ಯ ಶ್ರೀಭುಜವಾಗಿದ್ದರೆ $AD^2 = 7AC^2$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.</p>  <p><u>ಉತ್ತರ :</u></p>  <p><u>ದತ್ತ :</u> $\triangle ABD$ ಯಲ್ಲಿ $BC : CD = 1 : 2$ <u> </u> $\triangle ABC$ ಯಲ್ಲಿ $AB = BC = AC$</p> <p><u>ಸಾಧನೀಯ :</u> $AD^2 = 7AC^2$</p> <p><u>ರಚನೆ :</u> $AE \perp BC$ ಎಳೆಯಬೇಕು</p> <p><u>ಸಾಧನೆ :</u> $\triangle ABC$ ಯಲ್ಲಿ $BE = EC = \frac{a}{2}$ ಮತ್ತು $AE = \frac{a\sqrt{3}}{2}$</p> <p>$\triangle ADE$ ಯಲ್ಲಿ $\angle AED = 90^\circ$</p> $AD^2 = AE^2 + ED^2$ $AD^2 = \left(\frac{a\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(2a + \frac{a}{2}\right)^2$ $AD^2 = \frac{3a^2}{4} + \left(\frac{5a}{2}\right)^2$	1 ½ ½	

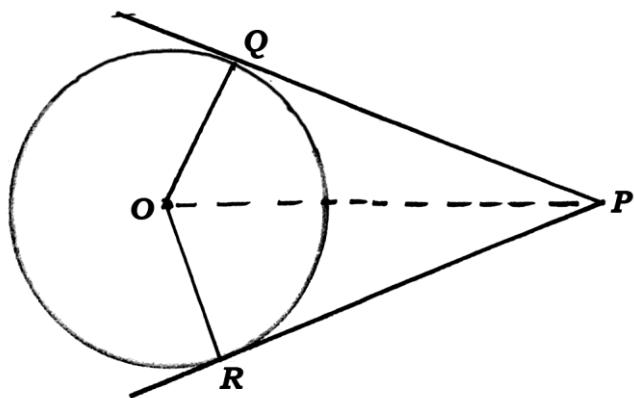
<p>ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ</p> $AD^2 = \frac{3a^2}{4} + \frac{25a^2}{4}$ $AD^2 = \frac{28a^2}{4}$ $AD^2 = 7a^2 \quad \therefore AC = a$ $\boxed{AD^2 = 7AC^2}$ <p>ಸಂಚಯ : ಬೇರೆ ವಿಧಾನದಲ್ಲಿ ಮಾಡಿದರೆ ಅಂಕ ನೀಡಬಹುದು.</p> <p>31. “ಬಾಹ್ಯ ಬಿಂದುವಿನಿಂದ ವೃತ್ತಕ್ಕೆ ಎಳೆದ ಸ್ಪರ್ಶಕಗಳ ಉದ್ದವು ಸಮನಾಗಿರುತ್ತದೆ” ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.</p> <p>ಉತ್ತರ :</p>	<p>ಅಂಕಗಳು</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>3</p>
<p>ದತ್ತ : ‘O’ ವೃತ್ತಕೇಂದ್ರ, ‘P’ ಬಾಹ್ಯಬಿಂದು PQ ಮತ್ತು PR ಗಳು ಬಾಹ್ಯಬಿಂದುವಿನಿಂದ ವೃತ್ತಕ್ಕೆ ಎಳೆದ ಸ್ಪರ್ಶಕಗಳಾಗಿವೆ.</p> <p>ಸಾಧನೀಯ : $PQ = PR$</p> <p>ರಚನೆ : OQ, OR ಮತ್ತು OP ಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿ</p> <p>ಸಾಧನ : ΔPOQ ಮತ್ತು ΔPOR ಗಳಲ್ಲಿ</p> $\underline{\angle P Q O} = \underline{\angle P R O} \quad (\text{ಸ್ಪರ್ಶಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಎಳೆದ ತ್ರಿಜ್ಯ ಸ್ಪರ್ಶಕಕ್ಕೆ ಉಂಬವಾಗಿದೆ})$ <p>ವಿಕಣ $OP =$ ವಿಕಣ OP (ಸಾಮಾನ್ಯ ಬಾಹ್ಯ)</p> <p>$OQ = OR$ (ತ್ರಿಜ್ಯ)</p> <p>$\therefore \Delta POQ \cong \Delta POR$ (ಲಂ.ಕ.ಭಾ. ಪ್ರಮೇಯ)</p> <p>$\therefore PQ = PR$</p>	<p>$\frac{1}{2}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>3</p>

ಪ್ರಶ್ನೆ
ಸಂಖ್ಯೆ

ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ

ಅಂಕಗಳು

ಪರಮಾಣಯ ವಿಧಾನ :



1/2

ಸಾಧನೆ : 'O' ಪ್ರತ್ಯೇಕೊಂದು 'P' ಬಾಹ್ಯಬಿಂದು PQ ಮತ್ತು PR ಗಳು ಬಾಹ್ಯಬಿಂದುವಿನಿಂದ ವೃತ್ತಕ್ಕೆ ಎಳಿದ ಸ್ವರ್ವತ್ವಕಗಳಾಗಿವೆ.

1/2

ನಾವು $PQ = PR$ ಎಂದು ಸಾಧಿಸಬೇಕು

1/2

OP, OQ ಮತ್ತು OR ಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿ.

ಆಗ $\triangle OQP$ ಮತ್ತು $\triangle ORP$ ಲಂಬಕೋನಗಳು

1/2

ಲಂಬಕೋನ ಶ್ರೀಭುಜ $\triangle OQP$ ಮತ್ತು $\triangle ORP$ ಗಳಲ್ಲಿ

$$OQ = OR \text{ (ಶ್ರೀಜ್ಯ)}$$

1/2

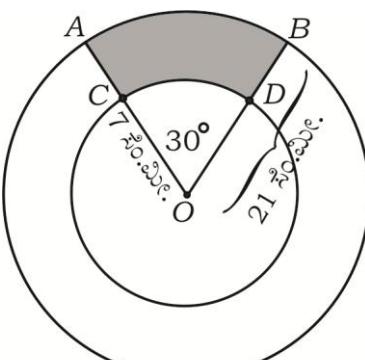
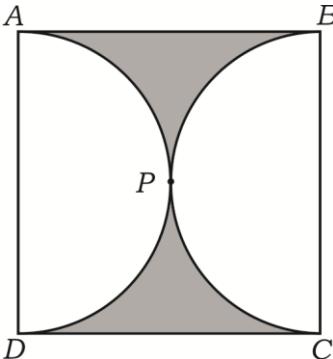
$$OP = OP \text{ (ಸಾಮಾನ್ಯ ಬಾಹು)}$$

$\therefore \triangle OQP \cong \triangle ORP$ (ಲಂ.ಕ.ಬಾ. ಪ್ರಮೇಯ)

$$\therefore \boxed{PQ = PR}$$

1/2

3

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
32.	<p>ಶ್ರೀಜ್ಯಗಳು 21 ಸೆ.ಮೀ. ಮತ್ತು 7 ಸೆ.ಮೀ. ಆಗಿರುವ 'O' ಕೇಂದ್ರವುಳ್ಳ ಎರಡು ಏಕಕೋಣದಿಯ ವೃತ್ತಗಳ ಕಂಸಗಳು ಕ್ರಮವಾಗಿ AB ಮತ್ತು CD ಆಗಿವೆ. ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ $\angle AOB = 30^\circ$ ಅದಾಗ ಭಾಯಿಗೊಳಿಸಿದ ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p>  <p style="text-align: center;">ಅಥವಾ</p> <p>$ABCD$ ಚೌಕದಲ್ಲಿ ಎರಡು ಅರ್ಧವೃತ್ತಗಳು ಒಂದನ್ನೊಂದು P ಬಿಂದುವಿನಲ್ಲಿ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿರುವಂತೆ ಬಾಹ್ಯವಾಗಿ ಸ್ಪರ್ಶಿಸಿವೆ. ಈ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಅರ್ಧವೃತ್ತದ ಕಂಸದ ಉದ್ದ 11 ಸೆ.ಮೀ.ಗೆ ಸಮನಾದಾಗ ಭಾಯಿಗೊಳಿಸಿದ ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p>  <p>ಉತ್ತರ :</p> <p>OAB ಶ್ರೀಜ್ಯಾಂತರ ಬಿಂಡದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ = $\frac{\theta}{360} \times \pi r^2$</p> $= \frac{30}{360} \times \frac{22}{7} \times 21 \times 21$ $= \frac{11 \times 21}{2}$ $= \frac{231}{2} \text{ cm}^2$ 1	

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
	$\begin{aligned} OCD \text{ ಶ್ರೀಜ್ಯಾಂತರ ವಿಂಡದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} &= \frac{\theta}{360} \times \pi r^2 \\ &= \frac{30}{360} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \\ &= \frac{11 \times 7}{6} \\ &= \frac{77}{6} \text{ ಚ.ಸೆ.ಮೀ.} \end{aligned}$ <p style="text-align: right;">1</p>	
	$\therefore \text{ಘಾಯಿಗೊಳಿಸಿದ ಭಾಗದ } OAB \text{ ಶ್ರೀಜ್ಯಾಂತರ ವಿಂಡದ } - OCD \text{ ಶ್ರೀಜ್ಯಾಂತರ ವಿಂಡದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}$ $\begin{aligned} \text{ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} &= \text{ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} \\ &= \frac{231}{2} - \frac{77}{6} \\ &= \frac{693 - 77}{6} \\ &= \frac{616}{6} = \frac{308}{3} \end{aligned}$ <p style="text-align: right;">½</p>	
	$\therefore \text{ಘಾಯಿಗೊಳಿಸಿದ ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = \frac{308}{3} = 102.6 \text{ cm}^2$ <p style="text-align: center;">ಅಥವಾ</p> $\begin{aligned} \text{ಅರ್ಧ } \text{ವೃತ್ತದ } \text{ಪರಿಧಿ} &= \pi r \\ 11 &= \pi r \\ 11 &= \frac{22}{7} \times r \\ \therefore r &= \frac{7}{2} = 3.5 \text{ cm.} \end{aligned}$ <p style="text-align: right;">½</p>	
	$\begin{aligned} 2 \text{ ಅರ್ಧ } \text{ವೃತ್ತದ } \text{ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} &= \pi r^2 \\ &= \frac{22}{7} \times 3.5 \times 3.5 \\ &= 11 \times 3.5 \\ &= 38.5 \text{ ಚ.ಸೆ.ಮೀ.} \end{aligned}$ <p style="text-align: right;">½</p>	
	$ABCD \text{ ಕೋಕದ ಬಾಹು } \text{ವೃತ್ತದ } \text{ವ್ಯಾಸವಾಗಿದೆ}$ $\therefore \text{ಬಾಹು } AB = 2 \times \text{ಶ್ರೀಜ್ಯ}$ $\begin{aligned} &= 2 \times 3.5 \\ AB &= 7 \text{ cm} \end{aligned}$ <p style="text-align: right;">½</p>	
	$\begin{aligned} \therefore \text{ಕೋಕದ } \text{ವಿಸ್ತೀರ್ಣ } ABCD &= \text{ಬಾಹು} \times \text{ಬಾಹು} \\ &= 7 \times 7 \\ &= 49 \text{ ಚ.ಸೆ.ಮೀ.} \end{aligned}$ <p style="text-align: right;">½</p>	3

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
	<p>∴ ಭಾಯೆಗೊಳಿಸಿದ ಭಾಗದ $ABCD$ ಚೌಕದ — 2 ಅಧಿವೃತ್ತದ $\text{ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = \text{ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} - \text{ವಿಸ್ತೀರ್ಣ}$ $= 49 - 38.5$ $\text{ಭಾಯೆಗೊಳಿಸಿದ ಭಾಗದ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ} = 10.5 \text{ ಚ.ಸೆಂ.ಮೀ.}$</p>	$\frac{1}{2}$
33.	<p>6 ಸೆಂ.ಮೀ., 7 ಸೆಂ.ಮೀ. ಮತ್ತು 8 ಸೆಂ.ಮೀ. ಬಾಹುಗಳಿರುವ ಒಂದು ಶ್ರೀಭುಜವನ್ನು ರಚಿಸಿ. ನಂತರ ಮತ್ತೊಂದು ಶ್ರೀಭುಜವನ್ನು ಅದರ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಬಾಹುವು ಮೊದಲು ರಚಿಸಿದ ಶ್ರೀಭುಜದ ಅನುರೂಪ ಬಾಹುಗಳ $\frac{3}{4}$ ರಷ್ಟಿರುವಂತೆ ರಚಿಸಿ.</p> <p>ಉತ್ತರ :</p>	3

ಶ್ರೀಭುಜದ ರಚನೆ

1

ಅಫುಕೋನವನ್ನು ರಚಿಸಿ 4 ಭಾಗಗಳಾಗಿ ವಿಭಾಗಿಸುವುದು

½

ಸಮಾಂತರ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಎಳೆಯುವುದು (2 ಜೋತಿ) $\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ $A'BC'$ ಶ್ರೀಭುಜದ ರಚನೆ

½

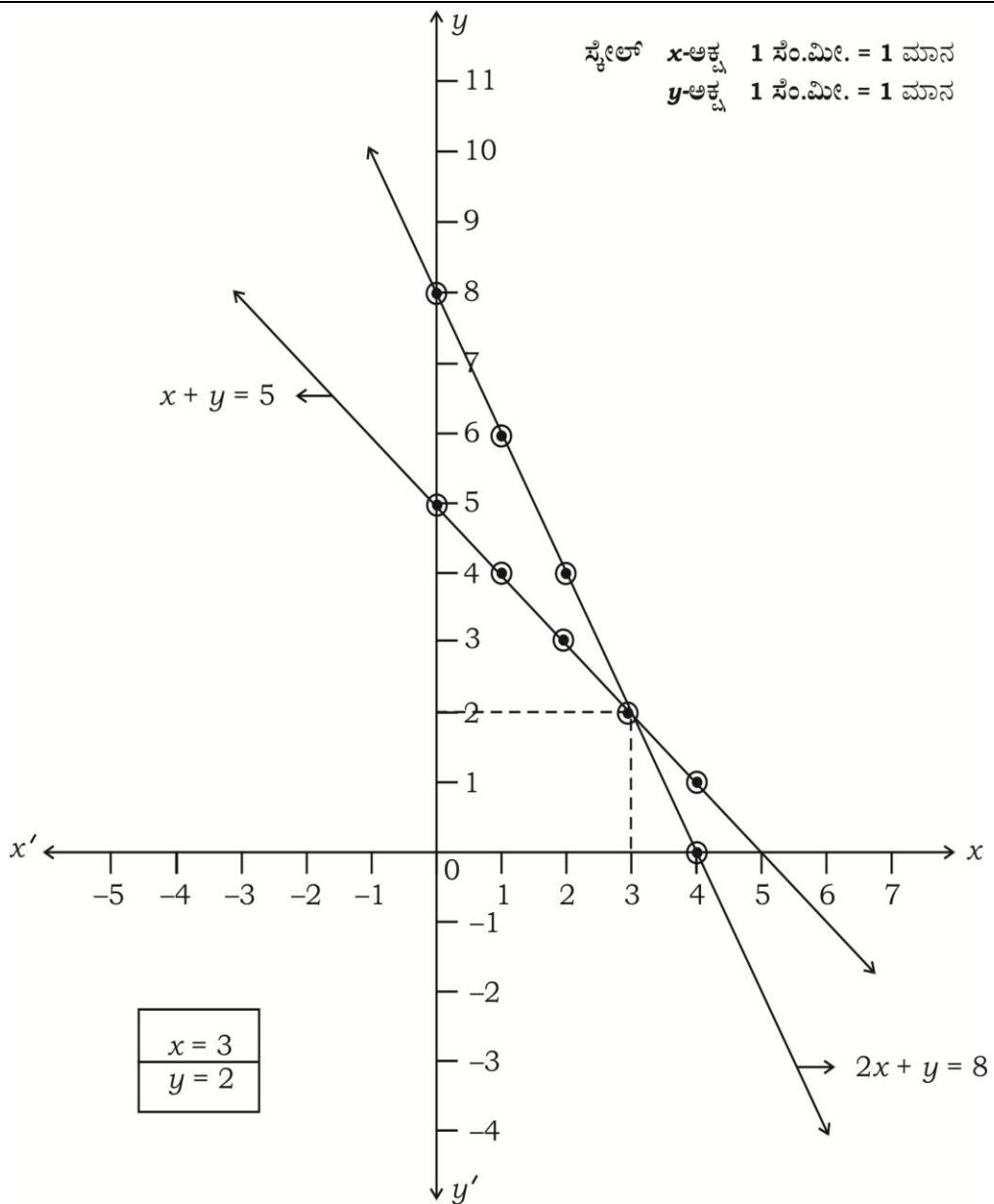
3

<p>ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ</p>	<p>ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ</p>	<p>ಅಂಕಗಳು</p>																								
<p>34. ಕೊಟ್ಟಿರುವ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಸಮೀಕರಣಗಳ ಜೋಡಿಗೆ ನ್ಯಾಯ ವಿಧಾನದಿಂದ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ :</p> $2x + y = 8$ $x + y = 5$ <p>ಉತ್ತರ :</p> $2x + y = 8$ $y = 8 - 2x$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">1</td> <td style="padding: 5px;">2</td> <td style="padding: 5px;">3</td> <td style="padding: 5px;">4</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">y</td> <td style="padding: 5px;">8</td> <td style="padding: 5px;">6</td> <td style="padding: 5px;">4</td> <td style="padding: 5px;">2</td> <td style="padding: 5px;">0</td> </tr> </table> $x + y = 5$ $y = 5 - x$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">1</td> <td style="padding: 5px;">2</td> <td style="padding: 5px;">3</td> <td style="padding: 5px;">4</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">y</td> <td style="padding: 5px;">5</td> <td style="padding: 5px;">4</td> <td style="padding: 5px;">3</td> <td style="padding: 5px;">2</td> <td style="padding: 5px;">1</td> </tr> </table> <p style="text-align: right;">ಪಟ್ಟಿ ರಚನೆಗೆ — 2</p> <p style="text-align: right;">2 ಸರಳ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಎಳೆಯಲು — 1</p> <p style="text-align: right;">ಸರಳ ರೇಖೆಗಳನ್ನು ಫೇದಿಸುವ ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ ಉತ್ತರ ಬರೆಯುವುದು — 1</p> <p style="text-align: right;">4</p> <p>ಸೂಚನೆ : ಸೂಕ್ತವಾದ ಎರಡು ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಪ್ರತಿ ಸಮೀಕರಣದಲ್ಲಿ ಬಳಸಿದ್ದರೆ ಅಂತ ನೀಡುವುದು.</p>	x	0	1	2	3	4	y	8	6	4	2	0	x	0	1	2	3	4	y	5	4	3	2	1		
x	0	1	2	3	4																					
y	8	6	4	2	0																					
x	0	1	2	3	4																					
y	5	4	3	2	1																					

ಪ್ರಶ್ನೆ
ಸಂಖ್ಯೆ

ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ

ಅಂಕಗಳು



35. ಸಮತಟ್ಟಾದ ನೆಲಕ್ಕೆ ಸಮಾಂತರವಾಗಿ ಆಕಾಶದಲ್ಲಿ A ಬಿಂದುವಿನಿಂದ B ಬಿಂದುವಿನ ಮೂಲಕ ಹಾರುತ್ತಿರುವ ಒಂದು ವಿಮಾನವನ್ನು ನೆಲದ ಮೇಲಿನ ಒಂದು ಬಿಂದುವಿನಿಂದ ವೀಕ್ಷಣಿಸಿದಾಗ A ಬಿಂದುವಿಗೆ ಉಂಟಾಗುವ ಉನ್ನತ ಕೋನವು 60° ಆಗಿದೆ. 10 ಸೆಕೆಂಡುಗಳ ನಂತರ ಇದೇ ವಿಮಾನವು B ಗೆ ತಲುಪಿದಾಗ ಉಂಟಾಗುವ ಉನ್ನತ ಕೋನವು 30°

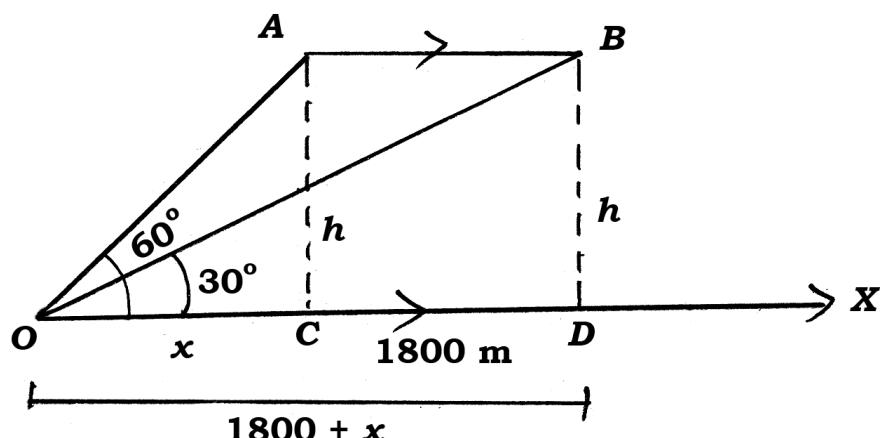
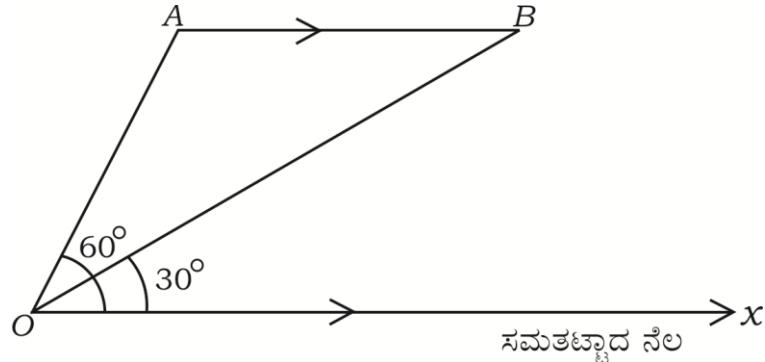
ಪ್ರಶ್ನೆ
ಸಂಖ್ಯೆ

ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ

ಅಂಕಗಳು

ಆಗಿರುತ್ತದೆ. ವಿಮಾನದ ವೇಗವು 648 ಕೆ.ಮೀ./ಗಂಟೆ ಆಗಿದ್ದಾಗ ನೆಲದ ಮೇಲಿನಿಂದ ಎಷ್ಟು ಎತ್ತರದಲ್ಲಿ ವಿಮಾನವು ಹಾರುತ್ತಿದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

$(\sqrt{3} = 1.73$ ಎಂದು ಉಪಯೋಗಿಸಿ)



$$\text{ವೇಗ} \rightarrow 648 \text{ km/h} \Rightarrow \frac{648 \times 1000}{3600}$$

$$\Rightarrow 180 \text{ m/sec.}$$

$$10 \text{ ಸೆಕೆಂಡುಗಳ ನಂತರ ವಿಮಾನದ ವೇಗ} = 180 \times 10$$

$$= 1800 \text{ m}$$

$$\text{ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ } OC = x \quad CD = 1800 \text{ m/s} \quad OD = 1800 + x$$

<p>ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ</p> <p>$\triangle OAC$ $\angle C = 90^\circ$ $\tan \theta = \frac{AC}{OC}$</p> $\tan 60^\circ = \frac{h}{x}$ $\sqrt{3} = \frac{h}{x}$ <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> $h = x\sqrt{3}$ </div> <p style="text-align: right;">... (i)</p> <p>$\triangle ODB$ $\angle D = 90^\circ$ $\tan \theta = \frac{BD}{OD}$</p> $\tan 30^\circ = \frac{h}{1800 + x}$ $\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{h}{1800 + x}$ <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> $h\sqrt{3} = 1800 + x$ </div> <p style="text-align: right;">... (ii)</p>	<p>ಪ್ರಶ್ನಾನ್ವಯ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ</p> <p>ಅಂಕಗಳು</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p>
<p>(i) ನ್ಯಾ (ii) ರಲ್ಲಿ ಅದೇಶಿಸಿದಾಗ</p> $x\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 1800 + x$ $x + 3 = 1800 + x$ $3x = 1800 + x$ $3x - x = 1800$ $2x = 1800$ $x = \frac{1800}{2} = 900$ $\therefore h = x\sqrt{3}$ $h = 900 \times \sqrt{3} \Rightarrow 900 \times 1.73$ $\therefore h = 1557 \text{ m.}$	<p>$x\sqrt{3} \times \sqrt{3} = 1800 + x$</p> <p>$x + 3 = 1800 + x$</p> <p>$3x = 1800 + x$</p> <p>$3x - x = 1800$</p> <p>$2x = 1800$</p> <p>$x = \frac{1800}{2} = 900$</p> <p>$\therefore h = x\sqrt{3}$</p> <p>$h = 900 \times \sqrt{3} \Rightarrow 900 \times 1.73$</p> <p>$\therefore h = 1557 \text{ m.}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>$\frac{1}{2}$</p> <p>4</p>

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
<p>36. “ವರಡು ಶ್ರೀಭೂಜಗಳಲ್ಲಿ ಅನುರೂಪ ಕೋನಗಳು ಸಮವಾದರೆ ಅವುಗಳ ಅನುರೂಪಬಾಹುಗಳ ಅನುಪಾತಗಳು ಸಮ (ಅಥವಾ ಸಮಾನಪಾತದಲ್ಲಿರುತ್ತದೆ). ಆದ್ದರಿಂದ ಆ ಶ್ರೀಭೂಜಗಳು ಸಮರೂಪವಾಗಿರುತ್ತವೆ” ಎಂದು ಸಾಧಿಸಿ.</p> <div style="text-align: center; margin-top: 20px;"> </div> <p style="text-align: right;">$\frac{1}{2}$</p> <p>ದತ್ತ : $\triangle ABC$ ಮತ್ತು $\triangle DEF$ ಗಳಲ್ಲಿ</p> <p style="text-align: right;">$\angle BAC = \angle EDF$ $\frac{1}{2}$</p> <p style="text-align: right;">$\angle ABC = \angle DEF$</p> <p>ಸಾಧನೀಯ : $\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF} = \frac{AC}{DF}$ $\frac{1}{2}$</p> <p>ರಚನೆ : $AG = DE$ ಮತ್ತು $AH = DE$ ಆಗುವಂತೆ AB ಮೇಲೆ G ಮತ್ತು AC ಮೇಲೆ H ಬಿಂದುಗಳನ್ನು ಗುರುತಿಸಿ. G ಮತ್ತು H ಗಳನ್ನು ಸೇರಿಸಿ. $\frac{1}{2}$</p>		

ಪ್ರಶ್ನೆ
ಸಂಖ್ಯೆ

ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ

ಅಂಕಗಳು

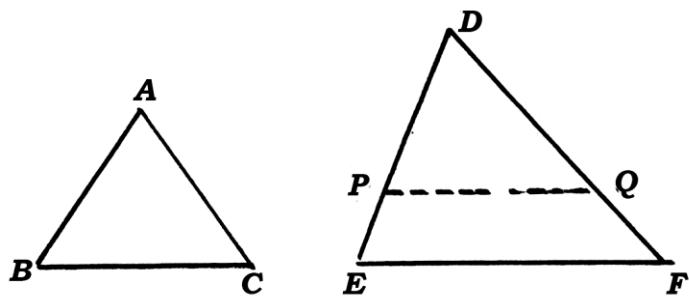
ಸಾಧನೆ :

ಹೇಣಿಕೆ	ಕಾರಣ	
$\Delta AGH \sim \Delta DEF$ ಗಳನ್ನು ಹೊಂದಿ		
$AG = DE$	ರಚನೆ	
$\angle GAH = \angle EDF$	ದತ್ತ	
$AH = DF$	ರಚನೆ	$\frac{1}{2}$
$\Delta AGH \cong \Delta DEF$	ಬಾಕೋಭಾ	
$\angle AGH = \angle DEF$	ಸರ್ವಾಸಮಾನತ್ವ ಶಿಫ್ಟಜಗಳ ಅನುರೂಪ ಭಾಗ	
ಆದರೆ $\angle ABC = \angle DEF$	ದತ್ತ	
$\Rightarrow \angle AGH = \angle ABC$	ಸ್ವಯಂಸಿದ್ಧ - 1	$\frac{1}{2}$
$\therefore GH \parallel BC$		
$\therefore \Delta ABC$ ಯಂತ್ರಿ		
$\frac{AB}{AG} = \frac{BC}{GH} = \frac{AC}{HA}$	ಫೀಲ್ಡ್ ಪ್ರಮೇಯದ ಉಪಪ್ರಮೇಯ	$\frac{1}{2}$

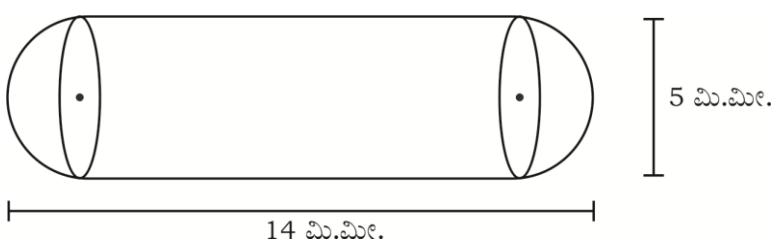
ಹಾಗಾಗಿ $\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF} = \frac{AC}{FD} \quad \Delta AGH \cong \Delta DEF.$ $\frac{1}{2}$

4

ಪರೀಕ್ಷೆಯ ವಿಧಾನ :



$\frac{1}{2}$

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
	<p>ΔABC ಮತ್ತು ΔDEF ಗಳಲ್ಲಿ $\angle A = \angle D$, $\angle B = \angle E$ ಮತ್ತು $\angle C = \angle F$</p> <p>ಆಗುವಂತೆ ತೆಗೆದುಕೊಂಡು ಈ ಪ್ರಮೇಯವನ್ನು ಸಾಧಿಸಬಹುದು.</p> <p>$DP = AB$ ಮತ್ತು $DQ = AC$ ಆಗುವಂತೆ ಕತ್ತರಿಸಿ PQ ವನ್ನು ಸೇರಿಸಿ</p> <p>ಆದ್ದರಿಂದ $\Delta ABC \cong \Delta DPQ$</p> <p>ಇದರಿಂದ $\angle B = \angle P = \angle E$ ಮತ್ತು $PQ \parallel EF$</p> <p>$\therefore \frac{DP}{PE} = \frac{DQ}{QF}$</p> <p>ಅಂದರೆ $\frac{AB}{DE} = \frac{AC}{DF}$</p> <p>ಅದೇ ರೀತಿ $\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF}$</p> <p>ಅಂದರೆ $\frac{AB}{DE} = \frac{BC}{EF} = \frac{AC}{DF}$ ಆಗಿರುತ್ತದೆ.</p>	$\frac{1}{2}$
37.	<p>ಒಂದು ಬೈಷಣಿ ಕ್ಯಾಪ್ಸುಲೋನ ಆಕಾರವು ಒಂದು ಸಿಲಿಂಡರಿನ ಪ್ರತಿಪಾದಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದೊಂದು ಅಧಂಗೋಳವನ್ನು ಅಂಟಿಸಿ ಮಾಡಿದೆ. ಕ್ಯಾಪ್ಸುಲೋನ ಸಂಪೂರ್ಣ ಉದ್ದವು 14 ಮಿ.ಮೀ. ಮತ್ತು ಅದರ ವ್ಯಾಸವು 5 ಮಿ.ಮೀ. ಇದೆ. ಅದರ ಮೇಲ್ಮೈ ವಿಸ್ತೀರ್ಣವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p>  <p style="text-align: center;">14 ಮಿ.ಮೀ.</p> <p style="text-align: center;">�ಧವಾ</p> <p>ಒಂದು ನೇರ ವೃತ್ತಪಾದ ಶಂಕುವಿನ ಎತ್ತರವು 30 ಸೆ.ಮೀ. ಆಗಿದೆ. ಈ ಶಂಕುವನ್ನು ಅದರ ಪಾದಕ್ಕೆ ಸಮಾನಾಂತರವಾಗಿ ಅದರ ಶೃಂಗ ಬಿಂದುವಿನಿಂದ ಕೆಳಗೆ ಒಂದು ಸಮತಲದಿಂದ ಕತ್ತರಿಸಿ ತೆಗೆಯಲಾಗಿದೆ. ಈ ಶಂಕುವಿನ ಫನಫಲವು ದತ್ತ ಶಂಕುವಿನ ಫನಫಲದ $\frac{1}{27}$ ರಷ್ಟುಕ್ಕೆ</p>	1 1 1 4

<p>ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ</p> <p>ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ</p>	<p>ಅಂಕಗಳು</p> <p>ಸಮನಾಗಿದ್ದರೆ, ಶಂಕುವಿನ ಉಳಿದ ಭಾಗದ ಎತ್ತರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p>
<p>ಅಧ್ಯಗೊಳಿಸಿದ ವ್ಯಾಸ = 5 ಮೀ.ಮೀ.</p>	
<p>\therefore ತ್ರಿಜ್ಯ = 2.5 ಮೀ.ಮೀ.</p>	
<p>ಕೃಷ್ಣಲೋನ ಎತ್ತರ = 14 ಮೀ.ಮೀ.</p>	$\frac{1}{2}$
<p>\therefore ಸಿಲಿಂಡರಿನ ಎತ್ತರ $h = 14 - 5$</p>	
<p>$h = 9$ ಮೀ.ಮೀ.</p>	$\frac{1}{2}$
<p>\therefore ಕೃಷ್ಣಲೋನ ಮೇಲ್ತೆಂಟೆ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ = $2\pi rh + 2(2\pi r^2)$</p>	$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$
<p>= $2\pi r [h + 2r]$</p>	
<p>= $2 \times \frac{22}{7} \times 2.5 [9 + 2 \times 2.5]$</p>	$\frac{1}{2}$
<p>= $2 \times \frac{22}{7} \times 2.5 \times 14$</p>	$\frac{1}{2}$
<p>= $2 \times \frac{22}{7} \times 2.5 \times 2$</p>	$\frac{1}{2}$
<p>= 88×2.5</p>	
<p>\therefore ಕೃಷ್ಣಲೋನ ಮೇಲ್ತೆಂಟೆ ವಿಸ್ತೀರ್ಣ = 220 ಚ.ಮೀ.ಮೀ.</p>	$\frac{1}{2}$
<p>ಅಧಿಕಾರಿ</p>	<p>4</p>

<p>ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ</p>	<p>ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ</p>	<p>ಅಂಕಗಳು</p>
	$\frac{r_1}{r_2} = \frac{h_1}{30}$... (i)	$\frac{1}{2}$
	ಶಂಕುವಿನ ಘನಫಲ = $\frac{1}{27} \times$ ದತ್ತ ಶಂಕುವಿನ ಘನಫಲ	
	$\frac{1}{3}\pi r_1^2 \times h_1 = \frac{1}{27} \times \frac{1}{3} \times \pi \times r_2^2 \times h_2$	$\frac{1}{2}$
	$r_1^2 \times h_1 = \frac{1}{27} \times r_2^2 \times h_2$	
	$r_1^2 \times h_1 = \frac{1}{27} \times r_2^2 \times 30$	$\frac{1}{2}$
	$\frac{r_1^2}{r_2^2} \times h_1 = \frac{10}{9}$... (ii)	$\frac{1}{2}$
	(i) ನ್ಯಾ (ii) ರಲ್ಲಿ ಅದೇಶಿಸಿದಾಗ	
	$\left(\frac{h_1}{30}\right)^2 \times h_1 = \frac{10}{9}$	$\frac{1}{2}$
	$\frac{h_1^3}{900} = \frac{10}{9}$	
	$h_1^3 = 1000$	$\frac{1}{2}$
	$h_1 = \sqrt[3]{1000}$	
	$AB = h_1 = 10$ ಸೆ.ಮೀ.	$\frac{1}{2}$
	\therefore ಶಂಕುವಿನ ಉಳಿದ ಭಾಗದ ಎತ್ತರ $BP = AP - AB$	
	$= 30 - 10$	
	$BP = 20$ cm	$\frac{1}{2}$
		4

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
38.	<p>ಸಾಮಾನ್ಯ ವ್ಯತ್ಯಾಸವು ಸಮನಾಗಿರುವ ಎರಡು ವಿಭಿನ್ನ ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಧಿಗಳಲ್ಲಿ ಮೊದಲನೇ ಶ್ರೇಧಿಯ ಮೊದಲನೇ ಪದವು ಎರಡನೇ ಶ್ರೇಧಿಯ ಮೊದಲನೇ ಪದಕ್ಕಿಂತ 3 ಹೆಚ್ಚಿದೆ. ಮೊದಲನೇ ಶ್ರೇಧಿಯ 7ನೇ ಪದವು 28 ಮತ್ತು ಎರಡನೇ ಶ್ರೇಧಿಯ 8 ನೇ ಪದವು 29 ಆದಾಗ ಆ ಎರಡು ವಿಭಿನ್ನ ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಧಿಗಳನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.</p> <p>$a = b + 3$... (i) $\frac{1}{2}$ $a_7 = 28$</p> <p>$a + 6d = 28$... (ii) $\frac{1}{2}$ $b_8 = 29$</p> <p>$b + 7d = 29$... (iii) $\frac{1}{2}$</p> <p>(i) ನ್ನು (ii) ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಿದಾಗ $a + 6d = 28$ $b + 3 + 6d = 28$ $\frac{1}{2}$</p> <p>$b + 6d = 25$... (iv) $\frac{1}{2}$</p> <p>(iii) ರಿಂದ (iv) ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಿದಾಗ $b + 7d = 29$ $b + 6d = 25$ $(-) \quad (-) \quad (-)$ $d = 4$ $\Rightarrow d = 4$ $\frac{1}{2}$</p> <p>$d = 4$ ನ್ನು (ii) ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಿದಾಗ $a + 6d = 28$ $a + 6(4) = 28$ $a + 24 = 28$ $a = 28 - 24$</p> <p>$a = 4$ $\frac{1}{2}$</p>	

ಪ್ರಶ್ನೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ಪ್ರಶ್ನಾನುಸಾರ ಮೌಲ್ಯಮಾಪನ	ಅಂಕಗಳು
	$d = 4$ ನ್ನ (iii) ರಲ್ಲಿ ಆದೇಶಿಸಿದಾಗ $b + 7d = 29$ $b + 7(4) = 29$ $b + 28 = 29$ $b = 1$ <p style="text-align: right;">$\frac{1}{2}$</p> <p>\therefore Iನೇ ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿ</p> $a, a+d, a+2d, \dots$ $4, 4+4, 4+2(4), \dots$ $4, 8, 12, \dots$ <p style="text-align: right;">$\frac{1}{2}$</p> <p>\therefore IIನೇ ಸಮಾಂತರ ಶ್ರೇಣಿ</p> $b, b+d, b+2d, \dots$ $1, 1+4, 1+2(4), \dots$ $1, 5, 9, \dots$	
		$\frac{1}{2}$
		5